

Ružena Bajcsyová

Lineárny model procesu učenia

*Kybernetika*, Vol. 2 (1966), No. 1, (64)--74

Persistent URL: <http://dml.cz/dmlcz/125327>

## Terms of use:

© Institute of Information Theory and Automation AS CR, 1966

Institute of Mathematics of the Academy of Sciences of the Czech Republic provides access to digitized documents strictly for personal use. Each copy of any part of this document must contain these

*Terms of use.*



This paper has been digitized, optimized for electronic delivery and stamped with digital signature within the project *DML-CZ: The Czech Digital Mathematics Library*  
<http://project.dml.cz>

## Lineárny model procesu učenia

RUŽENA BAJCSYOVÁ

V článku sa preberá lineárny pravdepodobnostný model učenia podľa Busha-Mostellera, pričom tento model sa analyzuje z hľadiska technického využitia. Okrem toho je ukázané, že ak uvažujeme sústavu vo vonkajšom prostredí, lineárny model platí len vo veľmi obmedzených prípadoch.

### ÚVOD

Štúdium dejov pri prijímaní nových poznatkov u živých organizmov zaujíma fyziológov, psychológov a v konečnej fázi i pedagógov. Technikov v spojitosti s procesom učenia zaujímajú tieto otázky z hľadiska chovania sa rozličných kybernetických zariadení a automaťov. V našom článku pod pojmom učenie sa budeme rozumiť proces, v ktorom sústava na určité vonkajšie popudy — stimuly  $B_1, B_2, \dots$ , ...,  $B$ , odpovedá na výstupe postupne takými reakciami  $A_1, A_2, \dots, A_n$ , ktoré konvergujú k určitému predom danému cieľu. Proces učenia sa s výhodou študuje na matematických modeloch. V literatúre [1], [2], [3], sa popisujú rozličné typy matematických modelov. Z nich z matematického hľadiska veľmi jednoduchý je model uvedený v [2], pričom postačuje pre popis rozmanitých prípadov učenia a súčasne dovoľuje hlboký, analytický rozbor a umožňuje modelovanie na počítačoch.

V prvej časti článku stručne sa preberajú základné princípy uvedeného modelu. Prítom obecný model analyzujeme pre niektoré špeciálne prípady, ktoré sú zaujímavé z hľadiska technického využitia (prípád s ideálnou pamäťou je analogický napr. klopnému obvodu, prípad s úplne potlačenou pamäťou je analogický napr. kombináčnemu logickému prvku, prípad s reálnou pamäťou zodpovie napr. technickému kondenzátoru).

V druhej časti rozoberáme vzájomné pôsobenie sústavy a vonkajšieho prostredia, pričom vychádzame z predpokladov [2].

Aby se mohli sledovať zmeny v chovaní sa sústavy (či už pod sústavou rozumieme živý organizmus alebo automat) musíme rozlišovať reakcie sústavy, ktoré vznikajú ako odozva na stimuly  $B_1, B_2, \dots, B_r$ . Reakcie tvoria množinu alternatív  $A_1, A_2, \dots, A_r$ . Každá z alternatív môže sa pri jednej skúmanej sústave a pri jednom pokuse (napríklad v  $n$ -tom pokuse) vyskytovať s pravdepodobnosťami  $p_1, p_2, \dots, p_r$ . Uvedené komponenty tvoria pravdepodobnostný vektor  $\mathbf{p}$ , ktorý súčasne charakterizuje stav sústavy v danom časovom okamihu, čiže pri jednom napr.  $n$ -tom pokuse. O vektore  $\mathbf{p}_n$  platí, že

$$\sum_{i=0}^r (p_i)_n = 1, \quad 0 \leq (p_i)_n \leq 1.$$

Predpokladajme, že učiaci proces matematicky popisuje operátor  $O(\mathbf{p})$ , ktorý je definovaný nekonečným mocninovým radom

$$O(\mathbf{p})_n = a_0 + a_1 \mathbf{p}_{(n-1)} + a_2 \mathbf{p}_{(n-1)}^2 + \dots,$$

vektory  $\mathbf{p}_{n-1}$  a  $\mathbf{p}_n$  znamenajú pravdepodobnosť chovania sa sústavy v  $(n-1)$  a v  $n$ -tom kroku. Operátor  $O$  vykonaný nad vektorom  $\mathbf{p}$  vyjadruje predpoveď stavu sústavy v nasledujúcom kroku.

Z dôvodov zjednodušenia urobme lineárnu aproximáciu. Toto priblíženie je možné a vyhovuje praktickým aplikáciám, čo dokazujú experimenty Solomona, Winae a Brunswika, Stanleyho a ďalších [2]. Zavedme substitúciu

$$a_0 = (1 - \alpha_i) \cdot \lambda_i,$$

$$a_1 = \alpha_i$$

a označme lineárnu aproximáciu operátorom  $Q(p)$ . Výraz  $Q_i(p_i)$  znamená pravdepodobnosť  $i$ -tej reakcie v nejakom  $n$ -tom kroku, pričom  $p = p_i$  je pravdepodobnosť  $i$ -tej reakcie v  $(n-1)$  vom kroku. Zavedením substitúcie dostávame lineárny model učenia sa:

$$(1) \quad Q_i(p_i) = Q_i(p) = \alpha_i p + (1 - \alpha_i) \lambda_i,$$

iné označenie:

$$(1^*) \quad P(A_i)_n = \alpha_i P(A_i)_{n-1} + (1 - \alpha_i) \lambda_i.$$

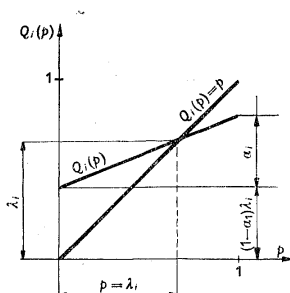
#### VÝZNAM PARAMETROV $\lambda_i$ A $\alpha_i$

$\lambda_i$  je taká pravdepodobnosť objavenia sa reakcie  $A_i$ , ku ktorej sa sústava v priebehu procesu učenia blíži a akonáhle ju dosiahne končí sa proces učenia. Pokusíme sa to vysvetliť z iného hľadiska. Keď sa pozrieme na rovnicu (1\*) vidíme, že je to vlastne

66 diferenčná rovnica, ktorej riešenie je

$$(2) \quad P(A_i)_n = \alpha_i^n P(A_i)_0 + (1 - \alpha_i^n) \lambda_i,$$

kde  $P(A_i)_0$  je počiatočná pravdepodobnosť objavenia sa reakcie  $A_i$  na výstupe sústavy (bez stimulu).



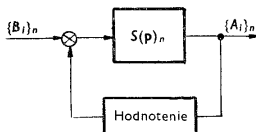
Obr. 1.

Na obr. 1 je grafické znázornenie rovnice (1), kde sú vyznačené jednotlivé hodnoty pravdepodobností po každom kroku  $Q_i(p)_1, Q_i(p)_2, \dots, Q_i(p)_n$  a tieto hodnoty tvoria postupnosť konvergujúcu v hodnote  $\lambda_i$  (za predpokladu, že  $0 \leq \alpha_i \leq 1$ ). Keďže  $\lambda_i$  je pravdepodobnosť, môže nadobúdať hodnoty len v intervale  $0 \leq \lambda_i \leq 1$ .

$\alpha_i$  je parametr, ktorý vyjadruje vplyv neučenia sa, rozptyľovania sa. V uvažovanom modeli sa môže  $\alpha_i$  nachádzať len v intervale  $0 \leq \alpha_i \leq 1$ . Zaujímavé sú dve hraničné hodnoty  $\alpha_i$ . Ak  $\alpha_i = 0$ , tj. koeficient rozptyľovania je minimálny, potom ako to vyplýva z rovnice (1)

$$Q(p) = \lambda_i,$$

čo znamená že nech počiatočná pravdepodobnosť bola akákoľvek, v ďalšom kroku pravdepodobnosť sa bude rovnať  $\lambda_i$ , tj. končí sa proces učenia. V druhom prípade



Obr. 2.

ak  $\alpha_i = 1$ , tj. koeficient rozptyľovania je maximálny, potom ako to vyplýva z rovnice (1) je

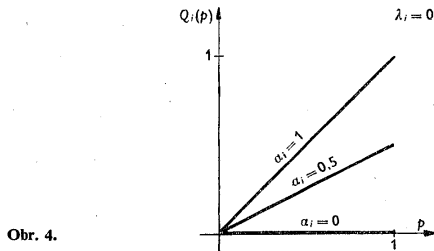
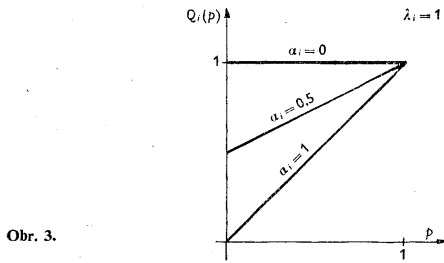
$$Q_i(p) = p,$$

čo vyjadruje proces neučenia sa. V priebehu procesu učenia vedomostí nepríbúdajú ani neubúdajú. Na základe toho čo tu bolo povedané o chovaní sa sústavy v priebehu učenia sa, môžeme toto chovanie znázorniť aj na blokovej schéme. Viď obr. 2. Sústava  $S(p)$  sa učí, ak jej činnosť, ktorá sa prejavuje navonok reakciami  $\{A_i\}_n$  na stimuly  $\{B_i\}_n$ , smeruje k predom danému cieľu – naučeniu sa. To je možné len vtedy, ak v nej vnútri pracuje samokontrola, ktorá v závislosti na reakcii sústavy zosilňuje alebo zoslabuje učiaci proces.

#### ROZBOR NIEKTORÝCH ŠPECIÁLNYCH PRÍPADOV OBEČNÉHO MODELU

1. Proces učenia, ak sústava má ideálnu pamäť, nastáva keď  $\lambda_i = 1$ . Graficky je tento proces znázornený na obr. 3, kde  $\alpha_i$  je parametr. Rovnica (1) zmení svoj tvar

$$Q_i(p) = \alpha_i p + (1 - \alpha_i).$$



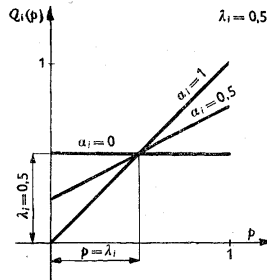
2. Proces učenia, ak sústava je bez pamäti, nastáva keď  $\lambda_i = 0$ . Graficky je tento proces znázornený na obr. 4, kde zase  $\alpha_i$  je parametr. Rovnica (1) zmení svoj tvar

$$Q_i(p) = \alpha_i p.$$

- 68 3. Proces učenia, ak sústava má reálnu pamäť. Zoberieme príklad keď  $\lambda_i = 0,5$ , potom rovnica (1) bude mať tvar

$$Q_i(p) = \alpha_i p + (1 - \alpha_i) 0,5.$$

Grafické znázornenie sústavy s reálnou pamäťou je na obr. 5, pričom  $\alpha_i$  je parameter.



Obr. 5.

#### ROZDELENIE MNOŽINY $r$ ALTERNATÍV NA DVE PODMNOŽINY

Zatiaľ sme definovali učiaci model pre jednu ľubovoľnú reakciu z množiny  $r$  alternatív. V ďalšom budeme uvažovať model, kde sústava bude reagovať vždy len tak, že tieto reakcie môžeme zaradiť do dvoch skupín a to jednu, ktorá podporuje činnosť učenia, tj. dosiahnutie cieľa – naučenia sa, a ostatná činnosť. Potom pravdepodobnosť, že nastane reakcia  $A_1$  je  $p$  a že nastane reakcia  $A_2$  je  $q = 1 - p$ . Takto máme na začiatku, pred pôsobením stimulov rozdelenú pravdepodobnosť sústavy. Podobne budeme uvažovať len dve triedy stimulov  $B_1$  a  $B_2$ , pričom jedna podporuje proces učenia a druhá ho brzdí (pochvaly a tresty napr.).

Na základe rozdelenia reakcií a stimulov na dve skupiny u všeobecného modelu učenia, ktorý popisuje rovnica (1), dostávame: Ak máme sústavu, ktorej vnútorný stav je charakterizovaný vektorom  $\mathbf{p}$  v  $(n - 1)$ -vom kroku.

$$\mathbf{p}_{n-1} = \begin{bmatrix} p \\ q \end{bmatrix}_{n-1} = \begin{bmatrix} P(A_1) \\ P(A_2) \end{bmatrix},$$

tak pravdepodobnosť, že v  $n$ -tom kroku nastane reakcia  $A_1$  udáva rovnica

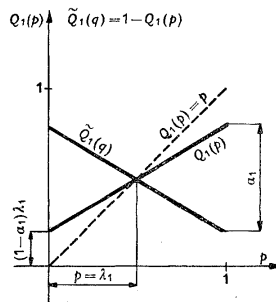
$$P(A_1 | A_1)_n = Q_1(p) = p \cdot \alpha_1 + (1 - \alpha_1) \lambda_1 = p(A_1)_{n-1} \cdot \alpha_1 + (1 - \alpha_1) \lambda_1$$

a pre reakciu  $A_2$

$$P(A_2 | A_1)_n = Q_2(p) = p \alpha_2 + (1 - \alpha_2) \lambda_2 = p(A_2)_{n-1} \cdot \alpha_2 + (1 - \alpha_2) \lambda_2.$$

Uvedené rovnice vyjadrajú závislosť na pravdepodobnosti reakcie  $A_1$  v  $(n - 1)$ -vom kroku. Podobne bude platiť, ak budeme uvažovať v  $(n - 1)$ -vom kroku pravdepodobnosť reakcie  $A_2$ . Potom v  $n$ -tom kroku pravdepodobnosť výskytu reakcie  $A_1$  udáva rovnica

$$\begin{aligned} P(A_1 | A_2)_n &= \tilde{Q}_1(q) = 1 - Q_1(p) = \alpha_1 q + (1 - \alpha_1) \cdot (1 - \lambda_1) = \\ &= \alpha_1 P(A_2)_n + (1 - \alpha_1)(1 - \lambda_1) \end{aligned}$$



Obr. 6.

a pre reakciu  $A_2$

$$\begin{aligned} P(A_2 | A_2)_n &= \tilde{Q}_2(q) = 1 - Q_2(p) = \alpha_2 q + (1 - \alpha_2) \cdot (1 - \lambda_2) = \\ &= \alpha_2 P(A_2)_n + (1 - \alpha_2)(1 - \lambda_2). \end{aligned}$$

Kvôli názornosti uvedieme na obr. 6. prvé dva prípady.

#### PRIEBEH UČIACEHO PROCESU PRI $n$ -NÁSOBNOM OPAKOVÁNÍ

Postupnosť vstupných stimulov a výstupných reakcií sústavy pri viacnásobnom opakování môže zásadne tvoriť tri rozličné prípady:

1. postupnosť náhodilá, kde reakcie alebo stimuly sú sorkupené v náhodilom poradí ( $A_1 A_2 A_2 A_1 A_1 A_1 \dots$ );
2. postupnosť s určitou vnútornou závislosťou, kde členy postupnosti sú napríklad v takejto závislosti: za reakciou  $A_2$  vždy nasleduje reakcia  $A_1$ , pričom za reakciou  $A_1$  môže nasledovať ľubovolný počet reakcií  $A_1$  ( $A_2 A_1 A_1 A_2 A_1 A_1 A_1 \dots$ );
3. postupnosť systematická, kde jednotlivé členy postupnosti sa pravidelne opakujú ( $A_1 A_1 A_2 A_1 A_1 A_2 A_1 A_1 A_2 \dots$ ).

Analyticky aplikujúc všeobecný model, dá sa vyjadriť priebeh procesu učenia po  $n$ -násobnom opakování len u systematickej postupnosti stimulov, pôsobiacich na

70 sústavu. Ako sme už ukázali pri vysvetľovaní parametrov  $\lambda_i$  po  $n$ -násobnom opakování je pravdepodobnosť objavenia sa reakcie  $A_1$  daná výrazom

$$Q_1^n(p) = \alpha_1^n \cdot p + (1 - \alpha_1^n) \lambda_1$$

kde  $p$  je pravdepodobnosť reakcie  $A_1$  na počiatku. Ak  $n \rightarrow \infty$  a  $0 < \alpha_1 \leq 1$  v limite nadobudne tento výraz hodnotu

$$\lim_{n \rightarrow \infty} Q_1^n(p) = \lambda_1.$$

Prípady  $\alpha_1 = 0$ ,  $\alpha_1 = 1$  sú špeciálne, ktoré sme rozoberali v predchádzajúcich odstavcoch. Grafické znázornenie týchto závislostí pre rozličné parametre  $\alpha$  sú na obr. 7. Ako je z obrázku vidieť sústava pri  $n$ -násobnom opakování v limite pre  $n \rightarrow \infty$  blíži sa k hraničnej hodnote  $\lambda$ .

Podobne pre postupnosť, kde sa v systematickom poradí vyskytujú podnety  $B_1$  a  $B_2$  pričom počet objavení sa stimulov  $B_1$  je  $u$  a počet stimulov  $B_2$  je  $v$ . Potom platí, že po  $n$  násobnom opakování pravdepodobnosť naučenia sa je vyjadrená rovnicou:

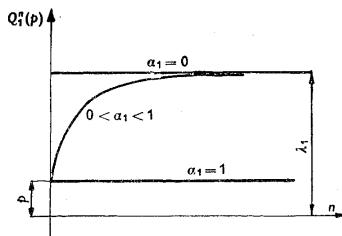
$$Q_{u,v}^n(p) = \alpha_{u,v}^n p + (1 - \alpha_{u,v}^n) \cdot \lambda_{u,v}.$$

Ako je vidieť, vzťah je lineárny, len koeficienty majú iný význam:

$$\alpha_{u,v} = \alpha_1^u \cdot \alpha_2^v,$$

$$\lambda_{uv} = \frac{\alpha_2^v (1 - \alpha_1^u) \lambda_1 + (1 - \alpha_2^v) \lambda_2}{1 - \alpha_1^u \cdot \alpha_2^v}$$

Postupnosť náhodilé môžeme vyjadriť len pomocou pravdepodobnostných metód ako je napríklad metóda Monte Carlo.



Obr. 7.

## SÚSTAVA A VONKAJŠIE PROSTREDIE PRI PROCESE UČENIA

Doposiaľ sme sa zaoberali s chovaním sústavy v procese učenia bez ohľadu na to v akom prostredí sa nachádza. Presnejšie povedané, vplyv vonkajšieho prostredia sme



častočne zahrňovali do koeficientu vplyvu neučenia sa  $\alpha$  a do pôsobenia vonkajších stimulov, ktoré však môžu ale i nemusia závisieť od vonkajšieho prostredia — to záleží od prípadu, ktorý práve vyšetrujeme. Na vonkajšie prostredie sa môžeme dívať ako na nejakú sústavu so všetkými vlastnosťami ako už bolo o sústavách povedané. To znamená, že keď nás bude zaujímať sústava vo vonkajšom prostredí a ich vzájomné pôsobenie, môžeme uvažovať dve sústavy vzájomne posobiace na seba.

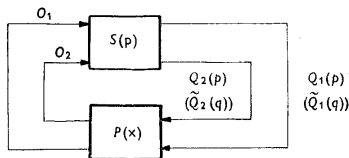
Podľa chovania sústavy na vonok, jej reakcií, usudzujeme na vnútorný stav sústavy. Potom hovoríme o sústave, že je:

1. náhodilá,
2. podmienená,
3. determinovaná.

Je zjavné, že sústava a vonkajšie prostredie tvoria rozličné kombinácie jednotlivých prípadov. Tak napríklad: determinovaná sústava v náhodilom prostredí alebo náhodilá sústava v podmienenom prostredí atď.

Vzťahy, ktoré určujú závislosti medzi sústavou a vonkajším prostredím z hľadiska výslednej reakcie odvodíme takouto úvahou: Na začiatku musíme povedať, že uvažujeme determinovanú sústavu (determinovaná je v tom slova zmysle, že je daný matematický model sústavy i keď je to pravdepodobnostný model) s náhodilými reakciami v podmienenom prostredí (prostredie reaguje v závislosti na reakcii sústavy). Nech platí, že sústava má počiatočný stav charakterizovaný pravdepodobnostným vektorom  $\mathbf{p} = [\begin{smallmatrix} p \\ q \end{smallmatrix}]$  a vonkajšie prostredie má počiatočný stav charakterizovaný pravdepodobnostným vektorom  $\mathbf{x} = [\begin{smallmatrix} x \\ y \end{smallmatrix}]$ . Pričom platí že  $x + y = 1$ . Pravdepodobnosť, že v ďalšom kroku nastane reakcia  $A_1$  je daná výrazmi  $Q_1(p)$  a  $Q_2(p)$ . Podmienenosť vonkajšieho prostredia spočíva v tom, že na reakciu  $A_1$ , ktorá má počiatočnú pravdepodobnosť  $p$  odpovedá prostredie odpoveďou  $O_1$

Obr. 8.



s počiatočnou pravdepodobnosťou  $x$ . Podobne na reakciu  $A_2$  s počiatočnou pravdepodobnosťou  $q$  prostredie odpovedá odpoveďou  $O_2$  s počiatočnou pravdepodobnosťou  $y$ . Keďže ide o deje súčasné (vzájomné pôsobenie sústavy a vonkajšieho prostredia sa deje súčasne) výsledná pravdepodobnosť je závislá na súčine pravdepodobností  $x \cdot Q_1(p)$  v jednom prípade a v druhom prípade na  $y \cdot Q_2(p)$ . Avšak tieto dva prípady sa vyskytujú alternatívne, preto výsledná pravdepodobnosť  $p_n$  v  $n$ -tom kroku,

72 že nastane reakcia  $A_1$  je daná vzťahom:

$$(2) \quad p_n = x_{n-1} Q_1(p)_n + y_{n-1} Q_2(p)_n.$$

Podobnou úvahou by sme dospeli, že výsledná pravdepodobnosť reakcie  $A_2$  je daná vzťahom:

$$q_n = x_{n-1} \tilde{Q}_1(q)_n + y_{n-1} \tilde{Q}_2(q)_n.$$

Na obr. 8. je znázornené blokové schéma pôsobenia sústavy  $S$  s vnútorným stavom  $\mathbf{p}$  a vonkajšie prostredie  $P$  s vnútorným stavom  $\mathbf{x}$ .

Vyšetrovanie priebehu učenia sa sústavy vo vonkajšom prostredí ak:

1. vonkajšie prostredie je stacionárne, nepriamo závislé na reakcii sústavy,
2. vonkajšie prostredie je priamo závislé na reakcii sústavy, stacionárne.

**1. Vonkajšie prostredie stacionárne; nepriamo závislé na reakcii sústavy.** To znamená, že počas celého procesu učenia vonkajšie prostredie bude reagovať na sústavu s konštantnými pravdepodobnosťami, t.j.  $x = k_1$  a  $y = k_2$ , pričom platí, že  $k_1 + k_2 = 1$ .

Keď aplikujeme všeobecný vzťah pre vyjadrenie pravdepodobnosti sústavy a vonkajšieho prostredia dostávame pre výslednú pravdepodobnosť

$$p_n = k_1 Q_1(p)_n + k_2 Q_2(p)_n;$$

ak označíme

$$k_1 \alpha_1 + k_2 \alpha_2 = \alpha'$$

a

$$k_1(1 - \alpha_1) \lambda_1 + k_2(1 - \alpha_2) \lambda_2 = (1 - \alpha') \lambda',$$

dostávame lineárny model učenia s iným významom konštant

$$p_n = \alpha' \cdot p_{n-1} + (1 - \alpha') \lambda'$$

a po  $n$ -násobnom opakování bude

$$p_n = \alpha'^n \cdot p_0 + (1 - \alpha') \cdot \lambda'$$

ak  $n \rightarrow \infty$ . Hraničná hodnota je tedy znova

$$\lim_{n \rightarrow \infty} p_n = \lambda'.$$

**2. Vonkajšie prostredie priamo závislé na reakcii sústavy.** Vtedy platí, že pravdepodobnostný vektor sústavy  $\mathbf{p}$  je totožný s pravdepodobnostným vektorom vonkajšieho prostredia  $\mathbf{x}$

$$\mathbf{p} = \begin{bmatrix} p \\ q \end{bmatrix} = \mathbf{x} = \begin{bmatrix} x \\ y \end{bmatrix}.$$

Ak toto dosadíme do rovnice (2) dostávame

$$p_n = p_{n-1} Q_1(p) + q_{n-1} Q_2(p);$$

po  $n$ -násobnom opakovaní

$$(3) \quad p_n = C_{n0} + \sum_{k=1}^{2^n} C_{nk} \cdot p_0^k$$

kde  $p_0$  je počiatočná pravdepodobnosť reakcie  $A_1$  a konštanty  $C_{n0}, C_{n1}, \dots, C_{nk}$  sú zložené z parametrov  $\alpha_1, \alpha_2, \lambda_1, \lambda_2$ . Ako je zo vzťahu (3) vidieť  $p_n$  už nie je lineárna funkcia. Uvedený výraz (3) rýchle konverguje za predpokladu, že konštanty  $C_{n0}, C_{n1}, \dots, C_{nk}$  sú v intervale  $\langle 0, 1 \rangle$ , a v limite pre  $n \rightarrow \infty$  sa blíži k hodnote  $C_{n0}$  čo zodpovie nám už známej hraničnej hodnote  $\lambda$ .

#### ZÁVER

Záverom môžeme povedať, že lineárny model pre svoju jednoduchosť dobre vyhovuje pre štúdium procesov učenia sústavy bez ohľadu na vonkajšie prostredie. Akonáhle však uvažujeme sústavu vo vonkajšom prostredí, lineárny model platí len vo veľmi špeciálnych prípadoch (stacionárne prostredie napr.). V prípade, že vonkajšie prostredie je priamo závislé na reakcii sústavy platí lineárny model len vtedy ak  $\alpha_1 = \alpha_2 = \alpha$ , vtedy totiž všetky konštanty vo výraze (3), tj.  $C_{n2}, \dots, C_{nk}$ , ktoré sú súčiniteľmi pri premenej vyššieho rádu ako prvého sú nulové. V obecnom prípade ak  $\alpha_1 \neq \alpha_2$ , ako je to odvodené v článku, neplatí lineárna závislosť pri  $n$  násobnom opakovaní, keď sa sústavy nachádza v podmienenom prostredí.

(Došlo dne 24. dubna 1965.)

#### LITERATÚRA

- [1] W. R. Ashby: Design for a Brain. Wiley, New York 1952.
- [2] R. R. Bush, F. Mosteller: Stochastic Models for Learning. Wiley, New York 1955.
- [3] S. Gorn: On the Mechanical Simulation of Habit-Forming and Learning. Information and Control 2 (1959), 3, 226–259.

## Linear Model of the Learning Process

RUŽENA BAJCSYOVÁ

The article deals with the linear probabilistic model of learning according to Bush-Mosteller, the model being analysed from the point of view of technical application. It is also shown that if a system is considered in the outer environment, the linear model is valid only in limited cases.

*Inž. Ružena Bajcsyová, Katedra matematických strojov SVŠT, Bratislava, Vazovova 1b.*