

# Časopis pro pěstování matematiky a fysiky

---

K. Steinich

Úplné zatmění slunce 20. a 21. srpna 1914

*Časopis pro pěstování matematiky a fysiky*, Vol. 43 (1914), No. 5, 617--632

Persistent URL: <http://dml.cz/dmlcz/109214>

## Terms of use:

© Union of Czech Mathematicians and Physicists, 1914

Institute of Mathematics of the Academy of Sciences of the Czech Republic provides access to digitized documents strictly for personal use. Each copy of any part of this document must contain these *Terms of use*.



This paper has been digitized, optimized for electronic delivery and stamped with digital signature within the project *DML-CZ: The Czech Digital Mathematics Library* <http://project.dml.cz>

## Úplné zatmění slunce 20. a 21. srpna 1914.

Napsal K. Steinich.

Výpočty zatmění slunce zakládají se většinou na praxi, ze zvoleného času vypočítati polohu míst, kde určité fáse se udají; výminku činí jen výpočet zatmění pro určité místo. Tím se děje, že veškeré polohy nalezené počtem leží sic uvnitř mapové sítě, ale vždy mimo rovnoběžky, takže k zakreslení je třeba odměřovati i šířku  $\varphi$  i délku  $\lambda$ . Následujícími řádky chci ukázati, kterak při dané šířce  $\varphi$  lze hledati nejen čas, ale i délku. Způsobu toho můžeme užití hledající křivku úplného zatmění (curve of central eclipse), meze zatmělého území na západě a na východě (N. and S. limiting curves of penumbra), isochrony (hour circles) a p., přednost pak její záleží v tom, že účinky sploštění země obsaženy jsou již v samotném počátku počtu. Ani Chauvenetův ani Buchananův spis\*) způsobu toho neuvádí, ani o možnosti toho se nezmiňuje.

### I. Křivka úplného zatmění středového.

Nebude brzo tak příhodné chvíle pozorovati úplné zatmění sluneční v kraji poměrně dosti blízkém. Ellipsa stínová ( $179 \times 102$  km) postupovati bude Ruskem od Rigy přes Minsk a Kyjev na Feodosii. Hvězdářské letopisy všechny přinesly území to propočítané, udávajíce to polohami hustěji neb řidčeji volenými.

---

\*) A Manual of spherical and practical astronomy by Will. Chauvenet, vol. I. Philadelphia 1889. — The Mathematical theory of eclipses by Rob. Buchanan, Philadelphia and London, 1904.

Tak Nautical Almanac uvádí pro

		0 <sup>h</sup> 50 <sup>m</sup>	0 <sup>h</sup> 55 <sup>m</sup>	1 <sup>h</sup> 0 <sup>m</sup>
mez jiho- západní	{ φ	48° 2·6'	46° 8·9'	44° 14·9'
	{ λ	31 26·5	33 10·5	34 55·6
střed	{ φ	48 26·1	46 31·0	44 35·7
	{ λ	32 27·8	34 11·7	35 56·9
mez severo- východní	{ φ	48 49·6	46 53·1	44 56·5
	{ λ	33 29·1	35 12·9	36 58·5
trvání		2 <sup>m</sup> 11·7 <sup>s</sup>	2 <sup>m</sup> 10·0 <sup>s</sup>	2 <sup>m</sup> 7·8 <sup>s</sup>

Connaissance des temps (čas i λ dle Greenwiche!):

v		0 <sup>h</sup> 34·8 <sup>m</sup>	0 <sup>h</sup> 51·3 <sup>m</sup>	1 <sup>h</sup> 7·7 <sup>m</sup>
mez jiho- západní	{ φ	53° 9'	46° 51'	40° 37'
	{ λ	26 39	32 31	38 26
střed	{ φ	54 16	47 54	41 33
	{ λ	27 5	32 57	38 51
mez severo- východní	{ φ	55 27	49 1	42 35
	{ λ	27 31	33 24	37 17
trvání		2 <sup>m</sup> 20 <sup>s</sup>	2 <sup>m</sup> 17 <sup>s</sup>	2 <sup>m</sup> 9 <sup>s</sup>

Nejhustší síť má spisek příležitostný, jež vydalo moskevské občestvo ljubitelej astronomii: „Polnoje zatměnie solnca 21. aug. 1914 g.“ (čas i polohy dle Pulkova,

$$\Delta\lambda = 2^h 1^m 18\cdot57^s = 30^0 19' 38\cdot6'' \text{ v. od Gr.})$$

		2 <sup>h</sup> 52 <sup>m</sup>	2 <sup>h</sup> 57 <sup>m</sup>	3 <sup>h</sup> 0 <sup>m</sup>
mez jiho- západní	{ φ	47° 41·1'	45° 47·3'	44° 38·8'
	{ λ	1 31·5	3 15·5	4 18·5
střed	{ φ	48 5·1	46 9·9	45 0·6
	{ λ	2 33·8	4 17·9	5 21·0
mez severo- východní	{ φ	48 28·8	46 32·2	45 22·1
	{ λ	3 37·2	5 21·2	6 24·2
šíře v km		179	179	178
trvání		2 <sup>m</sup> 14·3 <sup>s</sup>	2 <sup>m</sup> 12·5 <sup>s</sup>	2 <sup>m</sup> 11·3 <sup>s</sup>

Tato středová křivka počítává se ze vzorců Chauvenetových, jež vznikly patrně z těchto úvah:

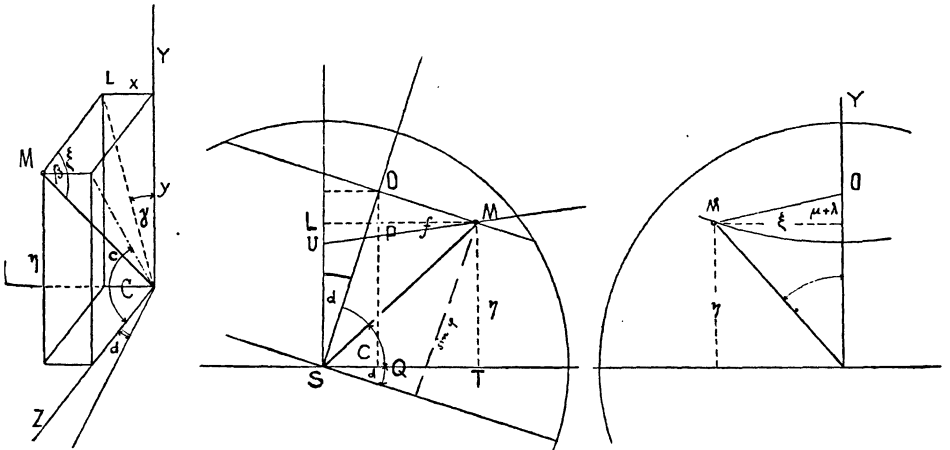
Střed zatmění úplného je v místě tenkrát, jestliže polohy středu stínu L na středové průmětně,  $x$  a  $y$ , se rovnají číselně

poloze místa **M** na kulové ploše země,  $\xi$  a  $\eta$ ; přitom poloměr zemský = 1 zkracuje se v pohledu z předu na přímkou  $c$ , spojující střed **S** s místem **M**. Toto  $c$  v nárysu odchyluje se od osy  $Y$  o parallaktický úhel  $\gamma$ , ve skutečnosti jako tělesná úhlopříčna svírá při **M** úhel  $\beta$ , takže z toho plynou rovnice

$$\text{pro nárys } \begin{cases} x = \sin \gamma \sin \beta \\ y = \cos \gamma \sin \beta \end{cases} \quad \text{pro stranorys } \begin{cases} \cos \beta = c \cos C \\ y = c \sin C \end{cases}$$

Zeměpisnou šířku vyjadřuje (ve stranoryse) kolmice s **M** na rovníkovou rovinu spuštěná rovnicí

$$\sin \varphi = c \cos (C + d_1),$$



Obr. 1.

protože pak poloměrem rovnoběžky, na níž **M** leží, je  $\cos \varphi$ , jest dráha  $\vartheta$ , již **M** od poledne až do západu vykoná, dle rovnice

$$x = \cos \varphi \cdot \sin \vartheta$$

nebo

$$c \cdot \cos (C + d_1) = \cos \varphi \cdot \cos \vartheta$$

snadno vypočítatelná. Víme-li pak, kdy místo **M** vrcholilo, t. j. víme-li, který poledník o pravých polednách vrcholil nad **M**, víme též pomocí  $\vartheta$ , který poledník vrcholil, když v místě slunce vycházelo nebo zapadalo, a tím známe i délku místa  $\lambda$ . Obecně:

$$\omega = \mu_1 - \vartheta,$$

kde  $\omega$  (vlastně  $w$ , t. j. west) značí západní délku místa **M** a  $\mu_1$  úhel hodinný hlavního poledníku. Poledníky čítáme vesměs od Greenwiche na západ.

Přistoupíme ku přirovnání obou způsobů. Nejprve stůj zde tabulka pro  $0^h 50^m$  a  $1^h 0^m$  dle Besselovy soustavy:

<i>T gr</i>	<i>x</i>	<i>y</i>	<i>sin d<sub>1</sub></i>	<i>cos d<sub>1</sub></i>	$\mu_1$
0 <sup>h</sup> 50 <sup>m</sup>	+ 0·46315	+ 0·62576	9·32881	9·98990	11° 42' 2"
1 0	+ 0·54766	+ 0·58499	9·32873		14° 12' 3"
změna v 1 <sup>m</sup>	+ 0·008451	— 0·004077			0° 15' 0"

Dle toho jest pro  $T = 0^h 55^m gr$

$$x = 0\cdot50541, \quad y = 0\cdot60537,$$

kteréžto  $y$  však musíme proměnit na  $y_1$ , zploštění zeměkoule

hovicí dle rovnice  $y_1 = \frac{y}{\varrho_1}$ ,

kde  $\log \varrho_1 = 9\cdot99854$

Pak jest:

<i>log x</i>	9·70365	<i>C</i> = 44° 44' 37"
<i>log y</i>	9·78202	<i>d<sub>1</sub></i> = 12 18 34
<i>log ρ<sub>1</sub></i>	9·99854	<i>C</i> + <i>d<sub>1</sub></i> = 57 3 11
<i>log y<sub>1</sub></i>	9·78348	<i>log sin (C + d<sub>1</sub>)</i> 9·92385
<i>log tang γ =</i> $\frac{x}{y_1}$	9·92017	<i>log c</i> 9·93595
<i>log sin γ</i>	9·80592	<i>log sin φ<sub>1</sub></i> 9·85980
<i>log sin β =</i> $\frac{x}{\sin \gamma}$	9·89773	<i>log tang φ<sub>1</sub></i> 0·02114
<i>log cos β</i>	9·78736	<i>log ρ<sub>1</sub></i> 9·99854
<i>log tang C =</i> $\frac{y_1}{\cos \beta}$	9·99612	<i>log tang φ</i> 0·02260
<i>log sin C</i>	9·84753	$\varphi$ 46° 29' 24"
<i>log cos C</i>	9·85141	(N. Alm) 46° 31' 0"
<i>log c =</i> $\frac{y_1}{\sin C}$	9·93595	
<i>log c</i>	9·93595	$\vartheta$ 47° 7' 24"
<i>log cos (C + d<sub>1</sub>)</i>	9·73548	$\mu_1$ 12 57 12
<i>log x</i>	9·70365	<i>w</i> 325° 49' 48"
		t. j. λ východně od Gr.
<i>log c . cos (C + d<sub>1</sub>)</i>	9·67143	34° 10' 2"
<i>log tang ϑ</i>	0·03222	(N. Alm. + 34° 11' 7")

Propočítáváme-li některá území podrobněji, volme raději následující způsob: Pro zatmění v místě užíváme jiných rovnic, a to

$$\xi = \rho \cos \varphi' \sin (\mu_1 + \lambda)$$

$$\eta = \rho \sin \varphi' \cos d_1 - \rho \cos \varphi' \sin d_1 \cos (\mu_1 + \lambda).$$

První rovnici lze vyčísti z pohledu z předu, druhou ze stranorýsu, kde

$$\eta = OQ - OP,$$

kde

$$OS = \sin \varphi$$

a tedy

$$OQ = \sin \varphi \cdot \cos d$$

kde

$$OM = \cos \varphi \cos (\mu + \lambda)$$

a tedy

$$OP = \cos \varphi \cdot \sin d \cdot \cos (\mu + \lambda).$$

Pro zploštění země a jiné vedlejší příčiny doznávají tyto rovnice změny svrchu uvedené. Abychom bez dalších okolků přešli k počtům, vezme, že logaritmů pro

	$\rho \cos \varphi'$	$\rho \sin \varphi'$
50°	9·80894	9·88218
49	9·81778	9·87568
48	9·82632	9·86895
47	9·83457	9·86198
46	9·84253	9·85476
45	9·85022	9·84729
44	9·85764	9·83955

Počet píšeme ve třech sloupcích; vzorec pro  $\xi$  je v sloupci prvním, ve druhém je prvá část druhého, ve třetím zbytek. Pohodlí opravy záleží v tom, že druhý sloupec celý, z třetího součet prvního a druhého řádku se nemění v krátkém intervalu 2 neb 3 minut časových.

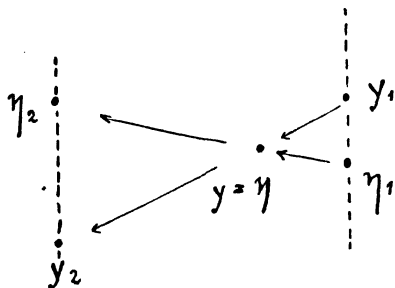
Řešme úkol, kdy a na které délce přestoupí osa stínu rovnoběžku 45°. Vycházíme z této úvahy:

Stín postupuje šikmo od severozápadu k jihovýchodu, rovnoběžka spíše vodorovně, musí se tedy křížovati. Zvolíme-li dvě sousední minuty, v nichž budou  $y$  i  $\eta$  vždy míti totéž  $x = \xi$ , nastane případ, že dráha stínu  $y_1 y_2$  přetne dráhu místa

(rovnoběžku)  $\eta_1\eta_2$ , při čemž do polohy  $\eta_1\eta_2$  přicházejí sice nová a nová místa, ale poloha tato je prostorově neproměnná, kdežto stín tam bude jen jeden okamžik; proto je pouze důležité ono místo na dráze stínu  $y_1y_2$ , kde je  $\eta_1\eta_2$  přetíná, neboť tím průsečíkem dán je zároveň díl onoho minutového intervalu, jež jsme zvolili. (Obr. 2.)

Z předešlého počtu víme, že stín bude na  $\varphi = 46.5^\circ$  v  $0^h 55^m$ . Volme proto pro přestup přes  $\varphi = 45^\circ$  okamžik pozdější, na př.  $0^h 58^m$  gr. Připravme si početní schema takto

9.85022	9.84729	9.85022
*	9.98990	9.32873
		* *



Obr. 2.

Na místě \* schází  $\log \sin (\mu_1 + \lambda)$ , na \*\*  $\log \cos (\mu_1 + \lambda)$ .

Ten neznáme, ale víme, že v prvním sloupci na 3. řádce v součtu má být  $\log \xi$ , jenž se musí dle obrazce rovnati  $\log x$ .  $\log x = 9.72490$ , protože  $x = 0.53076$ , musí proto na místě \* být  $9.87468$ , a k tomuto sinu náleží cosinus  $9.82098$ . Připočteme-li jej na místě \*\*, objeví se ve sloupci třetím součet  $8.99993$ . Tu pak

$$\eta = \text{I.} - \text{II.} = 0.68737 - 0.09998 = 0.58739.$$

Ale příslušné  $y$  jest 0.59315,

tudíž  $y > \eta$ , a jak z obrazce patrné, volen byl čas před shodou  $y$  s  $\eta$ . Volme tedy následující  $T = 0^h 59^m$ . Počet bude kratší,

9.85022	0.68737	9.17895
*		* *

neboť druhý sloupec je vyčíslen, třetí dopola sečten. Proto hledáme pouze k  $\log$  čísla  $x = 0.53921$ , t. j. k  $9.73176$  doplněk jako  $\sin(\mu + \lambda)$ ; je to  $9.88154$ , načež cosinus k tomu náležející t. j.  $9.81186$  přičteme do třetího sloupce, což dá pak  $8.99081$ , takže

$$\eta = 0.68737 - 0.09791 = 0.58946,$$

kdežto  $y = 0.58907,$

tedy  $y < \eta$  a volen čas  $po$  shodě. Měříme-li, co  $\eta$  do  $y$  scházelo, součtem rozdílů, čili celky vyjádřeno  $576 : 615$ , obdržíme čas, oč musíme prvně zvolenou dobu zvětšiti, t. j. pravá doba shody  $\xi = x$ ,  $\eta = y$  jest  $0^h 58.936^m$ . Tím dána je také délka  $\lambda$ ,

neboť pro  $0^h 50^m$  je  $\mu_1 11^\circ 42.2'$   
 $8.936^m$   $2 14.04$   
 tedy  $\mu_1 13 56.24$

Pro volenou dobu je  $x = 0.53867$  a dle

$$\begin{array}{lcl} 9.85022 & \text{jest} & * \mu_1 + \lambda \quad 49^\circ 30.6 \\ 9.88111^* & \text{tedy} & \lambda \quad 35^\circ 34.36' \text{ v.} \\ 9.73133 & & \end{array}$$

Přecházel-li stín  $46.5^\circ$  v  $0^h 55.0^m$   
 a přejde-li  $45.0^\circ$  v  $0^h 58.936^m$ ,

případně na  $1^\circ$  asi  $2.6^m$ , takže víme, které minuty máme při volbě rovnoběžek voliti, neboť pro

$$45^\circ \quad 46^\circ \quad 47^\circ \quad 48^\circ \quad \text{atd.}$$

bude

$$0^h 58.9^m \quad . \quad 56.3^m \quad . \quad 53.7^m \quad . \quad 51.1^m \quad \text{atd.}$$

Provedeme nyní výpočet bez výkladu pro  $\varphi = 46^\circ$ .

$\cdot T$	$0^h 56^m$	$0^h 57^m$		
	$9.84253$	$9.85476$	$9.84253$	$0.69930$
	$9.86823$	$9.98990$	$9.87532$	$0.09805$
	$9.71076$	$9.84466$	$9.82896$	$0.60125$
$x = \xi =$	$0.51386$	$0.69930$	$9.00025$	$9.71785$
		$0.10006$	$205 : 609 =$	$0.332,$
	$\eta$	$0.59924$	$9.84253$	
	$y$	$0.60129$	$9.87068$	
	$\eta < y$	$o 205$	$9.71321$	



	$x$	pro	$0^h 56^m 332^m$
			0.51667
	$\log$		9.71321
a	$\sin \mu_1 + \lambda$		9.87068
	$\mu_1 + \lambda = 47^\circ$		$56.6'$
	$\mu = 13$		$17.2$
	$\lambda = 34$		$39.4$ v.

Přirovnáme tyto výsledky k výpočtům Naut. Almanacu. Ten udává, že při  $T = 0^h 55^m$  je  $\lambda = 34^\circ 11.7'$ ,  $\varphi = 46^\circ 31.0'$ . Stín vystřídá sousední rovnoběžky za  $2.604^m$ , přechod stal se tedy o  $1.332^m$  dříve, než přišel na  $\varphi = 46^\circ$ . Učiní-li stín celý stupeň za  $2.604^m$ , ujde za  $1.332^m$  pouze  $0.5114^\circ$ , t. j.  $30.68'$ . Stín tedy byl v  $T = 0^h 55^m$  na  $\varphi = 46^\circ 30.68'$ .

Rozdíl délek na  $45^\circ$  a  $46^\circ$  činil  $54.92'$ , ten můžeme pouze znásobiti faktorem  $\frac{13.32}{2604}$  a obdržíme  $28.1'$ , což odečteno od  $34^\circ 39.4$  dá  $\lambda = 34^\circ 11.3'$  v. d.

## II. Křivky zatmění při východu a západu slunce.

Při dané šířce  $\eta$  řídíme se touto úvahou:

Místa  $M$  určitých šířek octla se na kraji zemském za stejných  $\xi$  a  $\eta$ . Souřadnice  $\xi$  je dána zeměp. šířkou  $\varphi$  a hodiným úhlem  $\vartheta$ , jenž opět roven je dennímu polooblouku, jež vypočítáme z rovnice

$$\cos(180 - \vartheta) = \tan \varphi \cdot \tan d,$$

pak  $\xi$  z

$$\xi = \sin \vartheta \cos \varphi.$$

Na to počítáme  $\eta$  z rovnice

$$\eta = \varrho \sin \varphi' \cdot \cos d_1 - \varrho \cos \varphi' \cdot \sin d_1 \cdot \cos(\mu + \lambda);$$

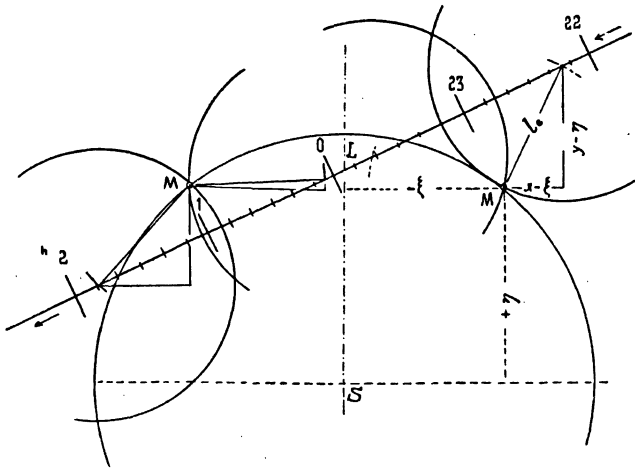
toto neznámé  $\mu - \lambda$  vypočteme z rovnice

$$\xi = \varrho \cos \varphi' \cdot \sin(\mu + \lambda)^*.$$

Tato  $\xi$  a  $\eta$  zůstávají nezměněna pro celou dobu zatmění (ovšem jen pro tento počet). Abychom prvním přibližným počtům

\*) Forma  $(\mu - \lambda)$  nebo  $(H - L)$  místo  $(\mu + \lambda)$  neb  $(H + L)$  uvedeno v obou případech jest nyní nově zaváděna; délky počítají se od hlav. poledníka vždy na západ; zde přidržel jsem se způsobu dosavadního.

se vyhnuli, zobrazíme si běh stínu tak, že v půlkruhu o  $100\text{ mm}$  poloměru naznačíme vodorovným průměrem ekliptiku  $\Upsilon$ , kolmým poloměrem uprostřed konjunkční poledník ve  $23^{\text{h}} 55^{\text{m}} 2^{\text{s}}$  gr., nad středem  $S$  (slunce) ve výši  $85\text{ mm}$   $L$  (polohu středu luny v konjunkci), pod  $L$  bod  $A$  o  $24.4\text{ mm}$  níže (snížení v deklinaci za hodinu), na kolmici v  $A$  vztyčené bod  $B$  o  $50.7\text{ mm}$  v levo (pohyb v AR); spojíme-li  $L$  s  $B$  a oboustranně prodloužíme, máme stopu středu stínu po zemi. Vědouce, že  $BL = n$  je



Obr. 3.

dráha stínu za hodinu, rozdělme je na 6 dílů po 10 min., najděme, kde stín byl v poledne, a rozdělme pak dráhu od  $22^{\text{h}}$  až do  $3^{\text{h}}$ . Pak pomocí  $\xi$  a  $\eta$  najděme, kde byly konce  $x$ -té rovnoběžky (bod  $M$ ) na obvodě zemském a vezměme pak do kružidla míru poloměru polostínu  $l_e = 54\text{ mm}$ . Zabodneme-li při straně východní i západní v  $M$  a přetneme-li z obou míst v levo i v pravo dráhu stínu, najdeme doby a zároveň i místa, odkud k  $M$  sahá kraj polostínu, a víme tak, kdy se to stane. Volíme-li za příklad 50. rovnoběžku, vyjde přibližný čas:  $22^{\text{h}} 12^{\text{m}}$ ,  $23^{\text{h}} 44^{\text{m}}$ ,  $0^{\text{h}} 5^{\text{m}}$  a  $1^{\text{h}} 51^{\text{m}}$ . Doby tyto uvedeny na čas pravý ( $E = + 3.2^{\text{m}}$ ) dají v úhlové míře

$$\mu_1 = 332^{\circ} 11.6' \quad 355^{\circ} 11.9' \quad 0^{\circ} 27.0' \quad 26^{\circ} 57.5'$$

Denní polooblouk na  $50^\circ$  při deklinaci  $12^\circ 19' 5''$  činí dle

$$\begin{aligned} \log \operatorname{tang} d & 9\cdot33943 \\ \log \operatorname{tang} \varphi & 0\cdot07619 \quad \vartheta = 105^\circ 5' 34'', \\ \log \cos (180^\circ - \vartheta) & 9\cdot41562_n \end{aligned}$$

takže délky jsou:

$77^\circ 17' 2''$  z. d.  $100^\circ 17' 5''$  z. d.  $104^\circ 38' 6''$  v. d.  $78^\circ 8' 1''$  v. d.,  
t. j. místa **M** mají tuto zeměp. délku, je-li doba  $T$  správně volena. Velkou přibližnost tohoto odhadu a správnost metody dotvrdíme počtem takto:

$$\begin{array}{llll} \varphi = 50^\circ & \xi & \eta & \\ \log \sin \vartheta & 9\cdot98475 & \log \xi & 9\cdot79369 \\ \log \varrho \cos \varphi' & 9\cdot80894 & \log \varrho \cos \varphi' & 9\cdot80894 \\ \log \xi & 9\cdot79369 & \log \cos (\mu_1 + \lambda) & 9\cdot98475 \\ \xi \mp & 0\cdot62186 & & \\ & & \log \varrho \cos \varphi' & 9\cdot80894 \text{ I. } 0\cdot74585 \\ \log \varrho \sin \varphi' & 9\cdot88218 & \log \sin d_1 & 9\cdot32896 \text{ II. } -0\cdot03577 \\ \log \cos d_1 & 9\cdot98989 & \log \cos (\mu_1 + \lambda) & 9\cdot41566_n \quad \eta \quad 0\cdot78162 \\ \log \text{I.} & 9\cdot87207 & \log \text{II.} & 8\cdot55356_n \end{array}$$

Po zjištění  $\xi$  a  $\eta$  najdeme  $x$  a  $y$  pro  $22^h 12^m$  \*):

$$\begin{aligned} x &= -0\cdot87235, \quad z \text{ toho } x - \xi = -0\cdot25049 \quad l_e = 0\cdot54036 \\ y &= +1\cdot26914, \quad y - \eta = +0\cdot48752 \quad \log l_e = 9\cdot73268 \\ \log x - \xi &= m \sin M & 9\cdot39879_n \\ \log y - \eta &= m \cos M & 9\cdot68799 \\ & \operatorname{tang} M & 9\cdot71080_n \quad \log m > \log l_e, \\ & \sin M & 9\cdot66018 \\ & \log m & 9\cdot73861 \end{aligned}$$

volen čas před stykem kraje stínu s **M**.

\*) Potřebné elementy

$T$	$x$	$y$	$\sin d_1$	$\cos d_1$	$\mu_1$	$l_e$
$22^h 10^m$	$-0\cdot88925$	$+1\cdot27727$	$9\cdot33004$	$9\cdot98983$	$331^\circ 41\cdot6'$	$+0\cdot54036$
$23 \ 40$	$-0\cdot12852$	$0\cdot91099$	$9\cdot32935$	$9\cdot98987$	$354^\circ 11\cdot9'$	$0\cdot54026$
$0 \ 0$	$+0\cdot04054$	$0\cdot82953$	$9\cdot32920$	$9\cdot98988$	$359^\circ 12\cdot2'$	$0\cdot54023$
$1 \ 50$	$+0\cdot97019$	$+0\cdot38103$	$9\cdot32834$	$9\cdot98992$	$26^\circ 42\cdot5'$	$+0\cdot54002$
změny v $1^m$	$+0\cdot00845$	$-0\cdot00407$			$15\cdot0'$	

Proto obnovíme počet pro  $22^h 13^m$ , ale protože  $\xi$  a  $\eta$  zůstávají tytéž, volíme jen  $x - \xi$  a  $y - \eta$  změnéné o minutovou změnu  $x'$  a  $y'$ , tedy zde

$$\begin{aligned} x - \xi &= -0.25049 + 0.00845 = -0.24204, & \log & 9.38389_n \\ y - \eta &= +0.48752 - 0.00407 = +0.48345, & \log & 9.68436 \\ & & & 9.69953 \\ & & & 9.65096 \\ & & \log m & 9.73293 \end{aligned}$$

Změna  $\log m$  v minutě činí v posledních místech 568; měří-li se, co se nedostává od 268 do 293, totiž 25, touto změnou, obdržíme 0.044, což značí, že styk **M** s polostínem nastane ve  $22^h 13.044^m$ . V tu dobu je  $\mu_1 = 331^\circ 41.6'$

$$\begin{aligned} \text{a ve } & 3.044^m \quad 45.66', \quad \text{celkem } 332^\circ 27.26' \\ \text{s denním poloobloukem} & \quad \quad \quad -105^\circ 5.57' \\ \text{činí} & \quad \quad \quad \omega = \mu - \vartheta = 77^\circ 33.83' \quad \text{z. d.} \end{aligned}$$

Pro druhý okamžik provedeme počet onen již bez poznámek.

$T \quad 23^h 4^m$	$23^h 5^m$
$x = -0.09472,$	$x - \xi = +0.52714 + 0.53559$
$y = +0.89471,$	$y - \eta = +0.11309 + 0.10902$
$l_e = 0.54025$	9.72193    9.72883
$\log l_e = 9.73259$	9.05349    9.03751
$9.73171 - 9.73259 = 88$	0.66844    0.68132
$9.73764 - 9.73171 = 593 = 0.148$	9.99022    9.99119
Doba styku $23^h 4.148^m$	9.73171    9.73764
$\mu_1 = 355^\circ 14.12'$	
$\vartheta = -105 \quad 5.57$	
$\omega = 100^\circ 19.69',$ čili $\lambda = 100^\circ 19.7'$ z. d.	

V místě *prvním* zatmění při východu slunce počíná, ve *druhém končí*; podobně řešíme i na straně levé (východní). Výhoda tohoto způsobu jeví se také tím, že vystopujeme tak nejen křivky západu a východu, ale i křivku středu či maxima, což se jinak musí zvláště počítati (maximum curve). Zde víme, že střed byl

$$\text{na } \varphi = 50^\circ 0.0' \quad \left\{ \begin{array}{l} \text{mezi } 100^\circ 19.69' \text{ z. d. o } 23^h 4.148^m \\ \text{a } 77^\circ 33.83' \text{ „ „ } 22^h 13.044^m, \text{ tedy} \\ \text{na } 88^\circ 56.76' \text{ „ ve } 22^h 38.596^m. \end{array} \right.$$

## III. Isochrony.

Chceme-li poříditi mapu isochron pro území menšího rozsahu, na př. pro země české, volíme opět způsob vyložený v odd. I Zjistíme (počtem nebo rysem) dobu pro některé místo, kdy zatmění počíná (nebo končí), na určité rovnoběžce, na př. že na  $50^\circ$  je kraj polostínu ve  $23^h 15^m$  někde blízko  $\lambda = +13^\circ$ . Tu pamatujeme, že počítati musíme i s tou okolností, že povýšením místa nad střední průmětnu prodlužuje se  $l_i$ , ale zkracuje se poloměr  $l_e$  právě vlivem hodnoty  $\zeta$ . Rovnice

$$\zeta = \rho \sin \varphi' \sin d_1 + \rho \cdot \cos \varphi' \cdot \cos d_1 \cdot \cos (\mu_1 + \lambda)$$

dle obrazce (stranorys), kde

$$\zeta = ST = SQ + QT = LP + PM$$

$$SQ = \sin d_1 \cdot \rho \sin \varphi', \quad QT = \cos d_1 \cdot \rho \cos \varphi' \cdot \cos (\mu_1 + \lambda);$$

vliv pak zkrácení poloměru ukazuje  $LU$  jako  $\xi$  . tangenta úhlu  $f_e$ . Zkrácení samo vyjadřujeme rovnicí

$$= l_e - \xi \text{ tang } f_e, \text{ kde } l_e \text{ i } \text{tang } f_e \text{ jsou pozitivní.}$$

Pro  $T = 23^h 15^m$  gr. jest  $\mu_1 = 347^\circ 56'8''$ ,  $x = -0.33985$ ,  
 $y = 1.01278$ ,  $\log \sin d_1 = 9.32954$ ,  $\log \cos d_1 = 9.98986$ ,  
 $l_e = 0.54029$ ,  $\log \text{tang } f_e = 7.66487$ .

Volíme  $\mu_1 + \lambda$  as o  $13^\circ$  na východ od  $\mu_1$ , tedy  $(\mu_1 + \lambda) = 1^\circ 0'0''$  a propočítáme toto schema:

$\log \rho \cos \varphi'$	9.80894	}	$\log \rho \sin \varphi'$	9.88218	}
$\log \sin (\mu + \lambda)$	8.24186		$\log \sin d_1$	9.32954	
$\log \xi$	8.05080		$\log$ III.	9.21172	
$\xi$	+0.01124		III.	0.16283	
$x$	-0.33985				
$x - \xi$	-0.35109	}	$\log \rho \cos \varphi'$	9.80894	}
			$\log \cos d_1$	9.98986	
			$\log \cos (\mu + \lambda)$	9.99993	
			$\log$ IV.	9.79873	
			IV.	0.62911	
$\log \rho \sin \varphi'$	9.88218	}	$\xi =$ III + IV	0.79194	}
$\log \cos d_1$	9.98986				
$\log$ I.	9.87204				
I.	0.74480				

$\log \varrho \sin \varphi'$	9·80894	} $y - \eta$	$\log \xi$	9·89869
$\log \sin d_1$	9·32954		$\log \operatorname{tang} f_e$	7·66487
$\log \cos (\mu_1 + \lambda)$	9·99993		$\log (\xi \operatorname{tang} f_e)$	7·56356
$\log \text{II.}$	9·13841		<i>num</i>	0·00366
$\text{II.}$	0·13754		$l_e$	0·54029
$\eta = \text{I} - \text{II}$	+ 0·60726		$L_e$	0·53663
$y$	+ 1·01278		$\log L_e$	9·72967
$y - \eta$	+ 0·40552			

Vzdálenost  $m$  středu  $L$  od místa  $\mathbf{M}$ :

$\log x - \xi = m \sin M$	9·54542 <sub>n</sub>
$\log y - \eta = m \cos M$	9·60801
$\operatorname{tang} M$	9·93741 <sub>n</sub>
$\sin M$	9·81594
$\log m$	9·72948

$m < L_e$  nepatrně, je třeba zvětšiti  $\mu + \lambda$  s  $1^\circ 0' 0''$  na  $1^\circ 1' 7''$ , aby se  $m = L_e$ ; i můžeme říci: Obrys polostínu seče 50. rovnoběžku v  $T$ . gr. =  $23^h 15' 0''$  na  $361^\circ 1' 7'' - 347^\circ 56' 8'' =$  na  $13^\circ 4' 9''$  v. d.

Protože v krátké době několika minut poloměr polostínu valně se nemění, je možno na př., volíme-li nový čas  $T = 23^h 20^m$  gr., upustiti od nového počtu, jen třeba změnit první sloupec, a to v 1. odstavci  $\log \sin (\mu + \lambda)$ ,

ve 3. a 5. „  $\log \cos (\mu + \lambda)$

a propočísti to, co se změnou souvisí; zkrácený první sloupec zní pak pro  $\mu + \lambda = 8^\circ 0' 0''$  takto:

	9·80894	I. 0·74480	9·13844
	9·14356	II. 0·13620	9·99575
	8·95250	$\eta$ 0·60860	9·13419
	$\xi$ 0·08964	$y$ 0·99243	
	$x - 0·29758$	$y - \eta$ 0·38383	
	$x - \xi - 0·38722$		
	$\log L_e$ polostínu		9·72968
pro	$T = 23^h 20^m$		21 <sup>m</sup>
	9·58796 <sub>n</sub>		9·57838 <sub>n</sub>
	9·58414		9·57955
	0·00382 <sub>n</sub>		9·99883 <sub>n</sub>
	9·85139		9·84890
	9·73657		9·72948
	} $\log m$		

Je viděti, že při zvoleném úhlu jest čas  $23^h 20^m$  ještě brzký, protože místo **M** je od středu stínu dál ( $m > L_0$ ) než na poloměr jeho. Volme tudíž minutu pozdější. při čemž úhel  $\mu + \lambda$  se nemění, ale oba jeho sčítance nabývají jiných hodnot; rovněž  $x - \xi$  a  $y - \eta$  změníme jen o změnu minutovou  $x'$  a  $y'$  ( $x' = 0.00845$ ,  $y' = -0.00407$ ). Pak jest  $x - \xi = -0.37877$ ,  $y - \eta = +0.37980$  a výsledek jeho, jak nahoře v posledním sloupci je uvedeno, jest  $m < L_0$ . Pouhé měření rozdílu 691 minutovou diferencí obou  $m = 711$  dá  $0.972^m$ , což značí, že

$$\text{v } T. \text{ gr.} = 23^h 20.972^m \text{ při } x - \xi = -0.37901,$$

$$y - \eta = 0.37992 \text{ a } \mu_1 = 349^\circ 26.38'$$

jest

a dle toho

$$\log m \sin M = 9.57865_n \text{ při } \mu_1 + \lambda \quad 368^\circ 0.0'$$

$$\log m \cos M \quad 9.57969 \text{ a } \mu_1 \quad 349 \ 26.38$$

$$\text{tang } M \quad 9.99896_n \text{ jest délka místa } \mathbf{M} + 18^\circ 33.62' \text{ v.}$$

$$\sin M \quad 9.84897$$

$$\log m \quad 9.72968$$

Interpolací z poloh podobně nalezených vyhledány byly pro Čechy, Moravu a Slezsko na 21. srpen 1914 tyto meze polostínu:

Pro začátek:

	49°	50°	51°
$23^h 14^m \text{ gr. } \lambda +$	$10^\circ 40.0'$	$+ 12^\circ 9.9'$	$+ 13^\circ 34.6'$
15	11 34.9	13 4.9	14 30.0
16	12 29.7	13 59.9	15 25.5
17	13 24.6	14 55.0	16 20.7
18	14 19.4	15 50.0	17 16.0
19	15 14.3	16 45.1	18 11.4
20	16 9.1	17 40.1	19 6.8
21	17 4.0	18 35.1	20 2.1
22	+ 17 58.8	19 30.2	20 57.5

Pro konec:

	9° 53.3'	11° 13.3'	13° 0.9'
$1^h 38^m \text{ gr.} +$	$9^\circ 53.3'$	$11^\circ 13.3'$	$13^\circ 0.9'$
39	10 53.4	12 20.2	14 9.7
40	11 53.4	13 27.0	15 18.6
41	12 53.5	14 33.9	16 27.4
42	13 53.5	15 40.7	17 36.3
43	14 53.6	16 47.6	18 45.1
44	15 53.6	17 54.4	19 54.0
45	16 53.7	19 1.3	21 2.8
46	17 53.7	20 8.1	22 11.7

Tedy šesti celkem prostými výpočty pořídíme celou mapu zatmění, a že jest dosti správná — nikoli na minutu, ale na desetiny minuty —, přesvědčí nás přesný počet pro Prahu. Spojíme-li udané zde délky v souhlasných dobách na mapě; obdržíme mřížoví, v němž Praha leží pro začátek na  $23^h 16.3^m$ , pro konec na  $1^h 40.8^m$ . Přesné doby jsou (pro astronom. ústav české university  $\varphi = 50^\circ 4.7'$ ,  $\lambda = 14'' 23.6'$ )

pro začátek  $23^h 16.298^m$       pro konec  $1^h 40.825^m$  \*)  
neboť

9.80823	$\rho \cdot \cos \varphi'$	9.80823
8.66742	$\sin (\mu_1 + \lambda)$	9.79705
8.47565		9.60528
+ 0.02990	$\xi$	+ 0.40297
— 0.32888	$x$	+ 0.89266
— 0.35878	$x - \xi$	+ 0.48969
9.88265	$\rho \sin \varphi'$	9.88265
9.98986	$\sin d_1$	9.98991
9.87251		9.87256
0.74560	I.	0.74570
9.80823	$\rho \cos \varphi'$	9.80823
9.32953	$\cos d_1$	9.32842
9.99953	$\cos (\mu_1 + \lambda)$	9.89169
9.13729		9.02834
0.13718	II.	0.10674
+ 0.60842	$\eta$	+ 0.63896
+ 1.00752	$y$	+ 0.41846
+ 0.39910	$y - \eta$	— 0.22050
9.55483 <sub>n</sub>	$m \sin M$	9.68992
9.60108	$m \cos M$	9.34341 <sub>n</sub>
9.95375 <sub>n</sub>	$\text{tang } M$	0.34651 <sub>n</sub>
9.82513	$\sin M$	9.95991
9.72970	$m$	9.73001
9.72968	$L_e$	9.72999

\*) Většina pražských kalendářů udává letos  $0^h 6^m$  a  $2^h 31^m$  místo  $0^h 16.3^m$  a  $2^h 40.8^m$ .



Výpočet pro  $L_e$  je možno z logaritmů zde užitých sestrojiti, víme-li, že

$$l_e = 0.54029$$

$$0.54004$$

## Astronomická zpráva na září, říjen, listopad a prosinec 1914.

Veškerá časová udání vztahují se na meridián a čas středoevropský.

*Slunce* přejde v září ze souhvězdí Lva do souhvězdí Panny, prochází jím v říjnu, projde v listopadu souhvězdím Vah do souhvězdí Štíra a odtud v prosinci do souhvězdí Střelce.

Datum	Z	V	$\delta$	Rovnice času
1914. IX. 1.	6 <sup>h</sup> 43 <sup>m</sup>	17 <sup>h</sup> 18 <sup>m</sup>	+ 8° 31'	+ 0 <sup>m</sup> 10 <sup>s</sup>
6.	6 34	17 24	+ 6 41	— 1 27
11.	6 22	17 32	+ 4 48	— 3 10
16.	6 11	17 40	+ 2 53	— 4 55
21.	6 00	17 47	+ 0 57	— 6 41
26.	5 49	17 54	— 1 00	— 8 25
X. 1.	5 39	18 02	— 2 57	— 10 05
6.	5 29	18 08	— 4 53	— 11 39
11.	5 17	18 17	— 6 48	— 13 02
16.	5 07	18 25	— 8 40	— 14 14
21.	4 57	18 33	— 10 29	— 15 11
26.	4 48	18 41	— 12 15	— 15 53
31.	4 39	18 50	— 13 55	— 16 16
XI. 1.	4 37	18 52	— 14 15	— 16 19
6.	4 29	19 00	— 15 49	— 16 19
11.	4 20	19 09	— 17 16	— 15 58
16.	4 14	19 17	— 18 36	— 15 16
21.	4 08	19 25	— 19 48	— 14 12
26.	4 04	19 32	— 20 50	— 12 49